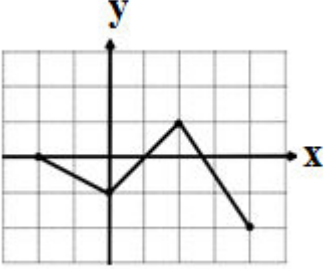
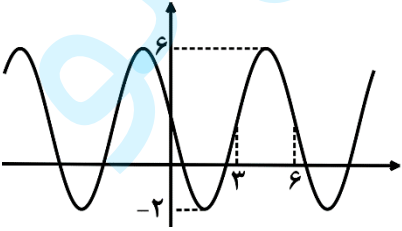


سؤالات امتحان نهایی درس: حسابان ۲	رشته: ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	نام و نام خانوادگی:
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی ماه ۱۴۰۲		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	

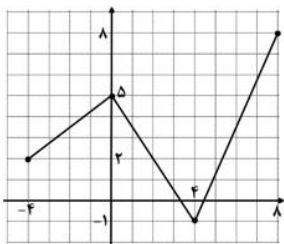
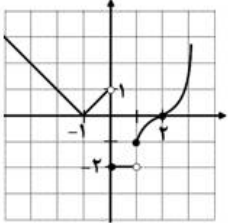
ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
------	--	------

۱	<p>درستی یا نادرستی عبارتهای زیر را تعیین کنید.</p> <p>الف) دوره تناوب تابع $y = 5 \cos \frac{x}{2} + 1$ برابر با 4π است.</p> <p>ب) تابع تانژانت در بازه $(-\pi, \pi)$، تابعی صعودی است.</p> <p>پ) تابعی وجود ندارد که برای آن شرایط $f(a) = 0$ و $f'(a) = 0$ برقرار باشد.</p> <p>ت) حاصل حد $\lim_{x \rightarrow \pi^+} \frac{1}{\sin x}$ برابر با $-\infty$ است.</p>	۱
۱	<p>نمودار تابع $f(x)$ به صورت زیر است. نمودار تابع $g(x) = -3f\left(\frac{x}{2}\right) + 2$ را رسم کرده و سپس برد تابع $g(x)$ را تعیین کنید.</p> 	۲
۱/۵	<p>ابتدا نمودار تابع $f(x) = \begin{cases} (x-2)^3 & x \geq 1 \\ -2 & 0 \leq x < 1 \\ x+1 & x < 0 \end{cases}$ را رسم کنید، سپس تعیین کنید که این تابع در چه بازه‌ای اکیداً صعودی و در چه بازه‌ای اکیداً نزولی است.</p>	۳
۱	<p>اگر باقی مانده تقسیم چند جمله‌ای $P(x) = 3x^2 + mx + 2m + 1$ بر $x - 2$ برابر ۳ باشد، باقی مانده تقسیم چند جمله‌ای $f(x) = mx^2 - mx + 3$ بر $x + 2$ را تعیین کنید.</p>	۴
۱/۲۵	<p>نمودار زیر مربوط به تابعی با ضابطه $y = a \sin(bx) + c$ است. با توجه به نمودار، ضابطه آن را بنویسید.</p> 	۵
۱/۲۵	<p>معادله مثلثاتی $\sqrt{3} \tan 3x - 1 = 0$ را حل کنید.</p>	۶

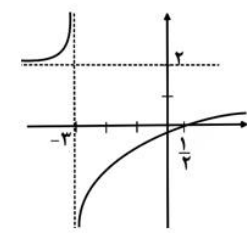
«ادامه سوالات در صفحه دوم»

سؤالات امتحان نهایی درس : حسابان ۲	رشته : ریاضی و فیزیک	مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	تعداد صفحه: ۲
پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	نام و نام خانوادگی :
دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی ماه ۱۴۰۲		مرکز ارزشیابی و تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	

ردیف	استفاده از ماشین حساب ساده بلامانع است	نمره
۷	حدود توابع زیر را در صورت وجود بیابید. الف) $\lim_{x \rightarrow -5^-} \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 + 10x + 25}$ ب) $\lim_{x \rightarrow \pm\infty} \frac{4 - x + x^2}{5 - 2x^2}$	۱/۲۵
۸	مجانِب های قائم و افقی منحنی تابع $f(x) = \frac{x^2 - 1}{4 - 3x - x^2}$ را در صورت وجود بیابید.	۱/۵
۹	تابع $f(x) = \begin{cases} x^2 + x & x \leq 1 \\ x + 1 & x > 1 \end{cases}$ را در نظر بگیرید. مشتق پذیری تابع را در نقطه $x = 1$ بررسی کنید.	۱/۲۵
۱۰	مشتق توابع زیر را به دست آورید. (ساده کردن مشتق الزامی نیست.) الف) $f(x) = \frac{\Delta \tan x}{1 - \sin x}$ ب) $g(x) = \cos^y(x^2)$ پ) $h(x) = (3x + 5)^6$	۲/۲۵
۱۱	اگر $f(x) = 2x^3 + 1$ و $g(x) = \sqrt{x}$ باشند. حاصل $(f + g)'(4) + (f \times g)'(1)$ را به دست آورید.	۱/۵
۱۲	آهنگ تغییر متوسط تابع $f(x) = \sqrt{x + 5}$ را وقتی متغیر از $x = -1$ به $x = 4$ تغییر می کند به دست آورید.	۰/۷۵
۱۳	مقادیر ماکزیمم و مینیمم مطلق تابع $f(x) = x^3 - 6x^2$ را روی بازه $[-2, 3]$ بیابید.	۱/۲۵
۱۴	نقطه عطف تابع $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ ، نقطه $(1, -11)$ می باشد، مقدار a و b را بیابید.	۱/۵
۱۵	جدول رفتار و نمودار تابع $y = \frac{2x - 1}{x + 3}$ را رسم کنید.	۱/۷۵
۲۰	موفق و سربلند باشید.	جمع نمره

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۱۰ صبح		رشته: ریاضی و فیزیک		راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲	
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲				پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه			
مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir				دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲			
ردیف	راهنمای تصحیح						نمره
۱	(الف درست (صفحه ۲۷ کتاب) (ب نادرست (صفحه ۳۱ کتاب) (پ نادرست (صفحه ۱۱۰ کتاب) (ت درست (صفحه ۵۳ کتاب)	(۰/۲۵) (۰/۲۵)	(ب نادرست (صفحه ۳۱ کتاب) (ت درست (صفحه ۵۳ کتاب)	(۰/۲۵) (۰/۲۵)	(۰/۲۵) (۰/۲۵)		
۲	(صفحه ۱۲ کتاب) $R = [-1, 8]$	(۰/۵)		(رسم شکل ۰/۵)			
۳	(صفحه ۲۱ کتاب) اکیداً صعودی $[1, +\infty)$ و $[-1, 0)$ اکیداً نزولی $(-\infty, -1]$	(۰/۵) (۰/۲۵)		(رسم شکل ۰/۷۵)			
۴	(صفحه ۲۲ کتاب)		$p(2) = 3 \Rightarrow 12 + 2m + 2m + 1 = 3 \Rightarrow 4m = -10 \Rightarrow m = -\frac{5}{2}$ (۰/۵) $f(-2) = -\frac{5}{2}(-2)^2 - \left(-\frac{5}{2}\right)(-2) + 3 = -12$ (۰/۲۵)				
۵	(صفحه ۳۳ کتاب)		$T = 6 \Rightarrow \frac{2\pi}{ b } = 6 \Rightarrow b = \frac{\pi}{3}$ (۰/۲۵) $\left. \begin{matrix} \max = 6 \\ \min = -2 \end{matrix} \right\} \Rightarrow \begin{cases} a + c = 6 \\ - a + c = -2 \end{cases} \rightarrow 2c = 4 \rightarrow c = 2$ (۰/۲۵) $\Rightarrow a = 4$ (۰/۲۵) $y = a \sin bx + c \rightarrow y = -4 \sin\left(\frac{\pi}{3}x\right) + 2$ (یا) $y = +4 \sin\left(-\frac{\pi}{3}x\right) + 2$ (۰/۵)				
۶	(صفحه ۴۴ کتاب)		$\tan 3x = \frac{1}{\sqrt{3}} = \frac{\sqrt{3}}{3}$ (۰/۵) $\Rightarrow 3x = k\pi + \frac{\pi}{6}, k \in \mathbb{Z}$ (۰/۲۵) $\Rightarrow x = \frac{k\pi}{3} + \frac{\pi}{18}, k \in \mathbb{Z}$ (۰/۵)				

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	ساعت شروع: ۱۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲	پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه		
مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir	دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲		
ردیف	راهنمای تصحیح		نمره
۷	<p>الف) $\lim_{x \rightarrow (-5)^-} \frac{x^2 + 2x - 15}{x^2 + 10x + 25} = \lim_{x \rightarrow -5^-} \frac{\cancel{(x+5)}(x-3)}{\underbrace{\cancel{(x+5)}(x+5)}_{(0/25)}} = \frac{-8}{-} = +\infty$ (۰/۲۵) (صفحه ۵۳ کتاب)</p> <p>ب) $\lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - x + 4}{-2x^2 + 5} = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2}{\underbrace{-2x^2}_{(0/25)}} = -\frac{1}{2}$ (۰/۲۵) (صفحه ۵۸ کتاب)</p>		۱/۲۵
۸	<p>$-x^2 - 3x + 4 = 0 \rightarrow x = 1, x = -4$ (۰/۲۵) (صفحه ۶۹)</p> <p>$x = 1 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow 1} \frac{x^2 - 1}{-x^2 - 3x + 4} = \lim_{x \rightarrow 1} \frac{(x-1)(x+1)}{(x-1)(-x-4)} = -\frac{2}{5}$ (۰/۲۵) پس قائم نیست</p> <p>$x = 4 \Rightarrow \lim_{x \rightarrow -4} \frac{x^2 - 1}{-x^2 - 3x + 4} = \frac{15}{0} = \infty$ (۰/۲۵) پس $x = -4$ مجانب قائم است.</p> <p>$\lim_{x \rightarrow \infty} f(x) = \lim_{x \rightarrow \infty} \frac{x^2 - 1}{\underbrace{4 - 3x - x^2}_{(0/25)}} = -1 \Rightarrow y = -1$ (۰/۲۵) مجانب افقی</p>		۱/۵
۹	<p>$f'_+(1) = \lim_{x \rightarrow 1^+} \frac{x+1-2}{x-1} = 1$ (۰/۵)</p> <p>$f'_-(1) = \lim_{x \rightarrow 1^-} \frac{x^2 + x - 2}{x-1} = 3$ (۰/۵)</p> <p>$f'_+(1) \neq f'_-(1)$ در نتیجه تابع در $x = 1$ مشتق پذیر نیست. (۰/۲۵)</p>		۱/۲۵
۱۰	<p>الف) $f'(x) = \frac{\overbrace{\Delta(1 + \tan^2 x)(1 - \sin x)}^{(0/5)} - \overbrace{(-\cos x)(\Delta \tan x)}^{(0/5)}}{\underbrace{(1 - \sin x)^2}_{(0/25)}}$ (صفحه ۱۰۱)</p> <p>ب) $g'(x) = -7 \cos^6(x^2) \times 2x \times \sin(x^2)$ (۰/۵) (صفحه ۹۶)</p> <p>پ) $h'(x) = 6 \times 3 \times (3x + 5)^5$ (۰/۵)</p>		۲/۲۵

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه		ساعت شروع: ۱۰ صبح		رشته: ریاضی و فیزیک		راهنمای تصحیح امتحان نهایی درس: حسابان ۲													
تاریخ امتحان: ۱۴۰۲/۱۰/۰۲				پایه دوازدهم دوره دوم متوسطه															
مرکز ارزشیابی تضمین کیفیت نظام آموزش و پرورش http://aee.medu.gov.ir				دانش آموزان روزانه، بزرگسال و داوطلبان آزاد داخل و خارج کشور، دی سال ۱۴۰۲															
ردیف	راهنمای تصحیح						نمره												
۱۱	<p>(صفحه ۱۰۱ کتاب)</p> $(f+g)'(4) = f'(4) + g'(4) = (6(4)^2) + \frac{1}{2\sqrt{4}} = 96 + \frac{1}{4} \quad (0/25)$ $f'(1)g(1) + g'(1)f(1) = (6)(1) + \left(\frac{1}{2}\right)(3) = 6 + \frac{3}{2} \quad (0/25)$ $(f+g)'(4) + (f \times g)'(1) = 96 + \frac{1}{4} + 6 + \frac{3}{2} = \frac{415}{4} \quad (0/5)$						۱/۵												
۱۲	<p>(صفحه ۱۱۰ کتاب)</p> $\frac{f(4) - f(-1)}{4 - (-1)} = \frac{3 - 2}{5} = \frac{1}{5} \quad (0/25)$						۰/۷۵												
۱۳	<p>(صفحه ۱۲۶ کتاب) غ ق ق</p> $y' = 3x^2 - 12x = 0 \Rightarrow x = 0 \quad (0/25), \quad x = 4 \notin [-2, 3] \quad (0/25)$ $\underbrace{f(-2) = -32, \quad f(0) = 0, \quad f(3) = -27}_{(0/25)}$ <p>ماکزیمم مطلق = ۰ (۰/۲۵) مینیمم مطلق = -۳۲ (۰/۲۵)</p>						۱/۲۵												
۱۴	<p>(صفحه ۱۳۶ کتاب)</p> $f(x) = x^3 + ax^2 + bx$ $f(1) = -11 \Rightarrow 1 + a + b = -11 \quad (0/5)$ $f''(1) = 0 \Rightarrow 6(1) + 2a = 0 \quad (0/5) \Rightarrow a = -3 \quad (0/25) \Rightarrow b = -9 \quad (0/25)$						۱/۵												
۱۵	<p>(صفحه ۱۴۴ کتاب)</p> $y' = \frac{2(x+3) - 1(2x-1)}{(x+3)^2} = \frac{7}{(x+3)^2} > 0 \quad (0/25) \quad \text{اکیداً صعودی}$ <p>$x = -3$ مجانب قائم (۰/۲۵) $y = 2$ مجانب افقی (۰/۲۵)</p> <table border="1" style="margin-left: auto; margin-right: auto;"> <tr> <td>x</td> <td>$-\infty$</td> <td>-3</td> <td>$+\infty$</td> </tr> <tr> <td>y'</td> <td>+</td> <td style="background-color: #cccccc;"></td> <td>+</td> </tr> <tr> <td></td> <td>$\nearrow +\infty$</td> <td></td> <td>$\searrow -\infty$</td> </tr> </table> <p>جدول (۰/۵)</p>  <p>رسم شکل (۰/۵)</p>						x	$-\infty$	-3	$+\infty$	y'	+		+		$\nearrow +\infty$		$\searrow -\infty$	۱/۷۵
x	$-\infty$	-3	$+\infty$																
y'	+		+																
	$\nearrow +\infty$		$\searrow -\infty$																
۲۰	جمع بارم						۲۰												
« همکاران گرامی لطفاً به راه حل های صحیح دیگر به تناسب نمره دهید. »																			