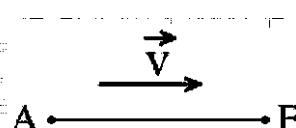
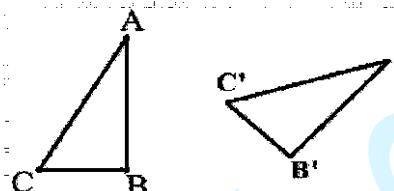
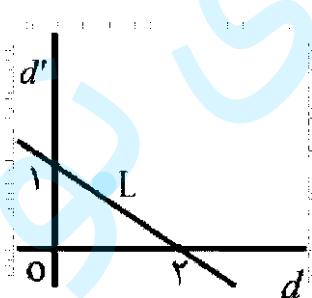


ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه ۲
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون: یازدهم دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنتی داخل و خارج کشور خردداد ۱۴۰۲			

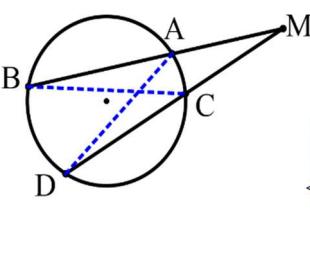
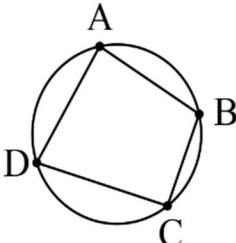
نمره	سؤالات (پاسخ نامه دارد) – استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.	ردیف
۱	<p style="text-align: center;">سوالات فصل ۱</p> <p>الف) هر چند ضلعی منتظم، هم محاطی و هم محیطی است. (درست – نادرست)</p> <p>ب) طول مماس مشترک خارجی دو دایره مماس بروند به شعاع‌های R و R' برابر $\sqrt{R + R'}$ است. (درست – نادرست)</p> <p>پ) اندازه هر زاویه ظلی برابر است با اندازه کمان رویه رو به آن زاویه.</p> <p>ت) اگر r_a، r_b و r_c شعاع‌های سه دایره محاطی خارجی یک مثلث و شعاع دایره محاطی داخلی آن برابر ۴ باشد، حاصل $\frac{1}{r_a} + \frac{1}{r_b} + \frac{1}{r_c}$ برابر است.</p>	۱
۱.۵	ثبت کنید هر گاه خط‌های شامل دو وتر دلخواه AB و CD در نقطه‌ای مانند M (بیرون دایره) یکدیگر را قطع کنند، آن گاه: $MA \cdot MB = MC \cdot MD$	۲
۱.۵	ثبت کنید اگر یک چهارضلعی محاطی باشد، آن گاه دو زاویه مقابل آن مکمل هستند.	۳
۱.۵	در شکل مقابل وتر AB بر قطر CD عمود است. ثابت کنید قطر CD وتر AB و کمان AB را نصف می‌کند.	۴
۱.۷۵	در مثلث قائم‌الزاویه‌ای با اضلاع زاویه قائمه ۳ و ۴، شعاع دایرة محاطی داخلی را محاسبه کنید.	۵
۱.۷۵	در شکل زیر MT به طول $3\sqrt{2}$ مماس بر دایره است. مقادیر عددی x و y را به دست آورید.	۶

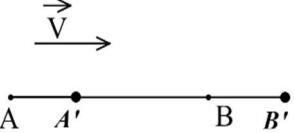
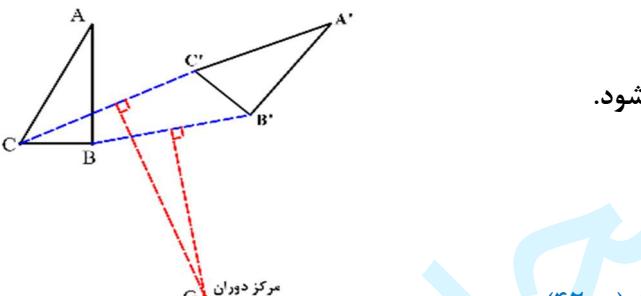
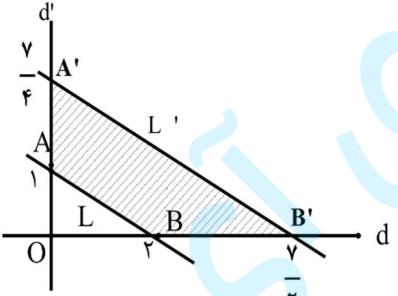
ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	نام و نام خانوادگی:	تعداد صفحه: ۳	ردیفه ۴			
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه		تاریخ آزمون: ۱۴۰۳/۰۳/۱۶	بازدیده دوره دوم متوسطه			
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرد داد						
نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) – استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.		ردیف			
<h2 style="text-align: center;">سوالات فصل ۲</h2> <p>برای هر کدام از عبارات گروه A، تبدیل مناسب را از گروه B انتخاب کنید. (یک مورد از گروه B اضافی است).</p> <table border="1" style="width: 100%; border-collapse: collapse;"> <tr> <td style="width: 50px; vertical-align: top; padding: 5px;">۰.۷۵</td> <td style="width: 25px; vertical-align: top; padding: 5px; text-align: right;">۷</td> </tr> <tr> <td style="vertical-align: top; padding: 5px;"> گروه B <ul style="list-style-type: none"> دوران همانی بازتاب انتقال </td> <td style="vertical-align: top; padding: 5px;"> گروه A <ul style="list-style-type: none"> الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی کند: ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقطع است: پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می کند: </td> </tr> </table>			۰.۷۵	۷	گروه B <ul style="list-style-type: none"> دوران همانی بازتاب انتقال 	گروه A <ul style="list-style-type: none"> الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی کند: ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقطع است: پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می کند:
۰.۷۵	۷					
گروه B <ul style="list-style-type: none"> دوران همانی بازتاب انتقال 	گروه A <ul style="list-style-type: none"> الف) تبدیلی که جهت شکل را حفظ نمی کند: ب) تبدیلی که نتیجه دو بازتاب متوالی با محورهای متقطع است: پ) تبدیلی که هر نقطه صفحه را به خود آن نقطه نظیر می کند: 					
۱		با توجه به شکل زیر نشان دهید در تبدیل انتقال، اندازه هر پاره خط و اندازه تصویر آن باهم برابرند. (و اندازه \vec{V} از اندازه پاره خط AB کوچک‌تر است).	۸			
۰.۸		نقاط A' , B' و C' به ترتیب دوران یافته نقاط A , B و C هستند. روش یافتن مرکز دوران را شرح دهید.	۹			
۱.۰		در شکل رویه‌رو اگر خط L را در تجانس به مرکز O و نسبت تجانس $\frac{d'}{d}$ تصویر کنیم و آن را L' بنامیم، مساحت بین خط L و L' و خطوط d و d' چقدر است؟	۱۰			

ساعت شروع: ۷:۳۰ صبح	ریاضی و فیزیک	رشته: ۳	تعداد صفحه: ۳	سوالات آزمون نهایی درس: هندسه ۴
مدت آزمون: ۱۲۰ دقیقه	نام و نام خانوادگی:	۱۴۰۳/۰۳/۱۶	تاریخ آزمون:	بازدهی دوره دوم متوسطه
دانش آموزان روزانه، بزرگسال، داوطلب آزاد، آموزش از راه دور و اینترنت داخل و خارج کشور خرداد ۱۴۰۳				

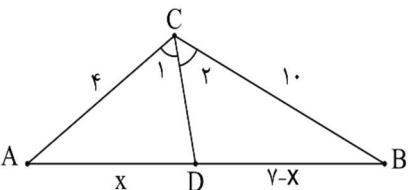
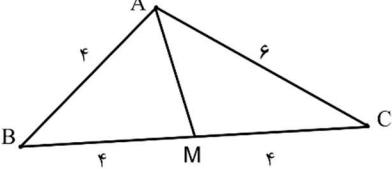
ردیف	ردیف	نمره	سوالات (پاسخ نامه دارد) – استفاده از ماشین حساب ساده مجاز است.
۱۱	۱۲۵	۱۲۵	با توجه به شکل، نقطه M روی پاره خط HK = ۸ کوئه‌ای بیابید که: الف) مسیر AMB کوتاه‌ترین مسیر ممکن باشد. ب) کمترین مقدار عددی AM+MB را محاسبه کنید.
۱۲	۱	۱	در شکل زیر، می‌خواهیم بدون آن که محیط تغییر کند، مساحت را افزایش دهیم. میزان افزایش مساحت را حساب کنید.
۱۳	۰.۸	۰.۸	در مثلث ABC ، $\hat{A} = ۳۰^\circ$ ، $BC = ۱۰\text{ cm}$ ، $\hat{B} = ۹۰^\circ$ ، مقدار شعاع دایره محیطی کدام است؟ الف) ۱۰ (ت) ۲۵ ب) ۱۵ (پ) ۲۰
۱۴	۱.۵	۱.۵	در مثلث ABC که $\hat{A} < ۹۰^\circ$ ، ثابت کنید:
۱۵	۱	۱	مساحت مثلث متساوی‌الاضلاع به ضلع a را به کمک دستور هرون بیابید.
۱۶	۱.۵	۱.۵	در مثلث ABC ، $AB = ۷$ ، $AC = ۴$ و $BC = ۱۰$ است. طول نیمساز داخلی زاویه C را محاسبه کنید.
۱۷	۱.۵	۱.۵	در مثلث ABC که $AB = ۴$ ، $AC = ۶$ و $BC = ۸$ ، نقطه M وسط ضلع BC است. محیط مثلث AMC را به دست آورید.

مدت امتحان: ۱۲۰ دقیقه	نوبت صبح	رشته: ریاضی و فیزیک	راهنمای تصحیح آزمون نهایی درس: هندسه ۲
ساعت آزمون: ۷:۳۰ صبح	تعداد صفحه: چهار صفحه	پایه: پایه دهم دوره دوم متوسطه	
راهنمای تصحیح			

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۱ از ۴)	نمره
۱	<p>الف) درست ۰/۲۵ (ص ۲۹) ب) نادرست ۰/۲۵ (ص ۲۲) ت) $\frac{1}{4}$ ۰/۲۵ (ص ۲۹) پ) نصف ۰/۲۵ (ص ۱۵)</p>	۱
۲	<p>مثلثهای MBC و MAD مشابه هستند. ۰/۲۵</p>  $\begin{cases} \hat{B} = \hat{D} = \frac{\widehat{AC}}{2} & . / 25 \\ \hat{M} = \hat{M} & . / 25 \end{cases} \xrightarrow{\text{جز}} \frac{MB}{MD} = \frac{MC}{MA} \xrightarrow{. / 5} \frac{MA \times MB}{MC \times MD} = ۰/۲۵$ <p>(ص ۱۸)</p>	۱/۵
۳	<p>طبق فرض می دانیم نقاط D, C, B, A روی دایره هستند. ۰/۲۵ (اشاره به محاطی بودن چهارضلعی، از طریق شکل نیز قابل قبول است.)</p>  $\begin{cases} \hat{A} = \frac{\widehat{DCB}}{2} & . / 25 \\ \hat{C} = \frac{\widehat{DAB}}{2} & . / 25 \end{cases} \rightarrow \hat{A} + \hat{C} = \frac{\widehat{DCB} + \widehat{DAB}}{2} = \frac{۳۶۰^\circ}{2} = ۱۸۰^\circ$ <p>به طور مشابه $\hat{B} + \hat{D} = ۱۸۰^\circ$. $\hat{B} + \hat{D} = ۱۸۰^\circ$</p> <p>(ص ۲۷)</p>	۱/۵
۴	<p>و ترکیب $\Delta AOH \cong \Delta BOH \rightarrow$</p> $\begin{cases} OA = OB & . / 25 \\ OH = OH & . / 25 \end{cases} \xrightarrow{. / 25} \hat{O}_1 = \hat{O}_2 \xrightarrow{. / 25} \widehat{AD} = \widehat{BD}$ <p>(ص ۱۳)</p>	۱/۵
۵	<p>$BC = ۵$ ۰/۲۵</p> $۳ + ۴ + ۵ = ۲P \xrightarrow{. / 25} p = ۶ \rightarrow S = \frac{۳ \times ۴}{۲} = ۶$ $r = \frac{S}{P} = \frac{۶}{۶} = ۱$ <p>(ص ۲۵)</p>	۱/۲۵

رده	راهنمای تصحیح (صفحه ۲ از ۴)	ردیف
۱/۲۵	$\begin{aligned} x \times x = 2 \times 1 &\rightarrow \underbrace{x^2}_{\cdot / 25} = 2 \rightarrow \underbrace{x = \sqrt{2}}_{\cdot / 25} \\ (3\sqrt{2})^2 = y(y+3) &\rightarrow \underbrace{y^2 + 3y - 18 = 0}_{\cdot / 25} \rightarrow \underbrace{y = 3}_{\cdot / 25} \end{aligned}$ <p style="text-align: center;">(ص ۱۸)</p>	۶
۰/۷۵	<p style="text-align: center;">پ) همانی ۰/۲۵ (ص ۴۷)</p> <p style="text-align: center;">ب) دوران ۰/۲۵ (ص ۴۳)</p> <p style="text-align: center;">الف) بازتاب ۰/۲۵ (ص ۴۸)</p>	۷
۱	 $\left\{ \begin{array}{l} AB = AA' + A'B \quad \cdot / 25 \\ A'B' = BB' + A'B \quad \cdot / 25 \end{array} \right. \xrightarrow{\cdot / 25} AB = A'B'$ <p style="text-align: center;">(ص ۳۹)</p>	۸
۰/۵	<p>روش اول: محل همسی عمودمنصف‌های پاره خط‌های واصل بین هر نقطه و تصویرش، مرکز دوران است.</p> <p>روش دوم: برای رسم شکل دقیق، نمره کامل منظور شود.</p>  <p style="text-align: center;">(ص ۴۲)</p>	۹
۱/۵	 $\frac{OA'}{OA} = \frac{1}{4} \rightarrow OA' = \frac{1}{4} \quad \cdot / 25$ $\frac{OB'}{OB} = \frac{1}{2} \rightarrow OB' = \frac{1}{2} \quad \cdot / 25$ $S = S_{\triangle OA'B'} - S_{\triangle OAB} = \underbrace{\frac{1}{2} \left(\frac{1}{4} \times \frac{1}{2} \right)}_{\cdot / 25} - \underbrace{\frac{1}{2} (1 \times 2)}_{\cdot / 25} = \frac{33}{16} \quad \cdot / 25$ <p style="text-align: center;">(ص ۴۹)</p>	۱۰

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۳ از ۴)	نمره
۱۱	<p>الف) بازتاب نقطه A را نسبت به محور HK نقطه A' می‌نامیم. محل تلاقي $A'B$ با HK با M را AMB می‌نامیم. مسیر AMB پاسخ مسئله است. ۰/۵</p> <p>رسم شکل ۰/۲۵</p> <p>$AM + MB = A'B \rightarrow A'B = \sqrt{8^2 + 6^2} = 10$ ۰/۲۵</p> <p>(۵۲) ۰/۲۵</p>	۰/۷۵
۱۲	<p>$S_{ABC} = \frac{1}{2} \times 3 \times 4\sqrt{2} \times \sin 135^\circ = 6\sqrt{2} \times \frac{\sqrt{2}}{2} = 6$ ۰/۲۵</p> <p>$S_{ABCB'} = 2S_{ABC} = 12$ ۰/۲۵</p> <p>(۵۴) ۰/۲۵</p>	۱
۱۳	<p>گزینه درست: ۱۰ یا الف ۰/۵</p>	۰/۵
۱۴	<p>روش اول:</p> <p>$\cos A = \frac{AH}{c} \rightarrow AH = c \cos A$ ۰/۲۵</p> <p>$\sin A = \frac{BH}{c} \rightarrow BH = c \sin A$ ۰/۲۵</p> <p>$CH = b - AH = b - c \cos A$ ۰/۲۵</p> <p>$\triangle HBC: a^2 = BH^2 + CH^2 = (c \sin A)^2 + (b - c \cos A)^2$ ۰/۲۵</p> <p>$a^2 = c^2 \sin^2 A + b^2 + c^2 \cos^2 A - 2bc \cos A$ ۰/۲۵</p> <p>$a^2 = b^2 + c^2 (\sin^2 A + \cos^2 A) - 2bc \cos A \rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$ ۰/۲۵</p> <p>روش دوم:</p> <p>$\triangle HBC: a^2 = \underbrace{BH^2}_{0/25} + \underbrace{CH^2}_{0/25} = \underbrace{(c^2 - AH^2)}_{0/25} + \underbrace{(b - AH)^2}_{0/25}$</p> <p>$\rightarrow a^2 = c^2 - AH^2 + b^2 + AH^2 - 2bAH$ ۰/۲۵</p> <p>$\rightarrow a^2 = b^2 + c^2 - 2bAH \xrightarrow{AH=c \cos A} a^2 = b^2 + c^2 - 2bc \cos A$ ۰/۲۵</p> <p>(۶۴) ۰/۲۵</p>	۱/۵

ردیف	راهنمای تصحیح (صفحه ۴ از ۴)	نمره
۱۵	$a + a + a = ۲P \rightarrow P = \frac{۳}{۲}a \quad \text{+/25}$ $S = \sqrt{\frac{۳}{۲}a(\frac{۳}{۲}a - a)(\frac{۳}{۲}a - a)(\frac{۳}{۲}a - a)} = \sqrt{\frac{۳}{۲}a(\frac{۱}{۲}a)(\frac{۱}{۲}a)(\frac{۱}{۲}a)} = \frac{\sqrt{۳}}{۴}a^۲$ +/5 +/25 (۷۳ ص)	۱
۱۶	 $\frac{x}{۱۰} = \frac{x}{۱۰-x} \rightarrow ۲۸ - ۴x = ۱۰x \rightarrow x = ۲ = AD \rightarrow BD = ۵$ +/5 +/25 +/25 $DC^۲ = ۴ \times ۱۰ - ۵ \times ۲ = ۳۰ \rightarrow DC = \sqrt{۳۰}$ +/25 +/25 (۷۰ ص)	۱/۵
۱۷	 $۶^۲ + ۶^۲ = ۲AM^۲ + \frac{۱۰^۲}{۲} \rightarrow \underbrace{۳۶+۳۶}_{+/5} = ۲AM^۲ + ۳۲$ +/25 $\rightarrow \underbrace{AM^۲ = ۱۰}_{+/25} \rightarrow \underbrace{AM = \sqrt{۱۰}}_{+/25}$ $\rightarrow \underbrace{۲P_{AMC} = ۶ + ۶ + \sqrt{۱۰}}_{+/25} = ۱۰ + \sqrt{۱۰}$ (۶۷ ص)	۱/۵
۲۰	جمع نمرات	سپاس فراوان از همکاران گرامی